

ΛΥΣΗ

α) Είναι $P(1) = 1^3 - 2 \cdot 1^2 - 1 + 2 = 1 - 2 - 1 + 2 = 0$ που σημαίνει ότι το $P(x)$ έχει παράγοντα το $x - 1$. Το σχήμα Horner για τη διαίρεση $P(x) : (x - 1)$ φαίνεται παρακάτω:

| | | | | |
|---|----|----|----|---|
| 1 | -2 | -1 | 2 | 1 |
| | 1 | -1 | -2 | |
| 1 | -1 | -2 | 0 | |

Συνεπώς $P(x) = (x - 1)(x^2 - x - 2)$.

β) Το πρόσημο του $P(x) = (x - 1)(x^2 - x - 2)$ φαίνεται στον παρακάτω πίνακα:

| x | $-\infty$ | -1 | 1 | 2 | $+\infty$ |
|------------------------|-----------|------|-----|-----|-----------|
| $x - 1$ | - | - | ○ | + | + |
| $x^2 - x - 2$ | + | ○ | - | - | + |
| $(x - 1)(x^2 - x - 2)$ | - | ○ | + | ○ | + |

Συνεπώς $P(x) < 0$ για κάθε $x \in (-\infty, -1) \cup (1, 2)$.

γ) Είναι $10 < 20 < 100 \Rightarrow \log 10 < \log 20 < \log 100 \Rightarrow 1 < \log 20 < 2$.

δ) Αφού $P(x) < 0$ για κάθε $x \in (-\infty, -1) \cup (1, 2)$ και $1 < \log 20 < 2$ συμπεραίνουμε ότι $P(\log 20) < 0$.