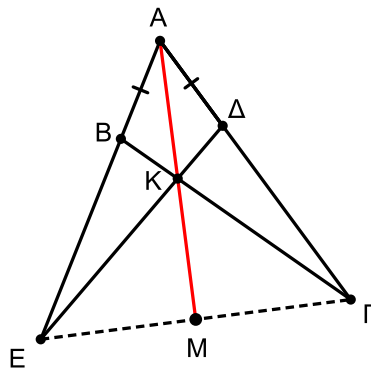


## ΛΥΣΗ



**α)** Τα τρίγωνα BEΓ και ΔΕΓ έχουν:

- ΕΓ κοινή
- $BE = ΔΓ$  ως διαφορά των ίσων τμημάτων  $AE, AB$  και  $AG, AΔ$  αντίστοιχα
- $\widehat{A\hat{E}Γ} = \widehat{A\hat{Γ}E}$ , αφού  $EAΓ$  ισοσκελές τρίγωνο

Τα τρίγωνα BEΓ και ΔΕΓ έχουν δύο πλευρές ίσες μία προς μία και τις περιεχόμενες γωνίες σε αυτές ίσες άρα είναι ίσα, οπότε έχουν και  $BΓ = ΔE$  αφού βρίσκονται απέναντι από τις ίσες γωνίες  $\widehat{A\hat{E}Γ}$  και  $\widehat{A\hat{Γ}E}$ .

**β)** Επειδή τα τρίγωνα BEΓ και ΔΕΓ είναι ίσα προκύπτει ότι  $\widehat{Δ\hat{E}Γ} = \widehat{B\hat{Γ}E}$  οπότε το τρίγωνο KEΓ είναι ισοσκελές, άρα  $EK = KΓ$  (1)

Τα τρίγωνα BEK και ΔKΓ έχουν:

- $EK = KΓ$ , λόγω της (1)
- $BE = ΔΓ$ , ως διαφορές των ίσων τμημάτων  $AE, AB$  και  $AG, AΔ$  αντίστοιχα
- $\widehat{B\hat{E}K} = \widehat{Δ\hat{Γ}K}$  ως διαφορές των ίσων γωνιών  $\widehat{B\hat{E}Γ}, \widehat{K\hat{E}Γ}$  και  $\widehat{Δ\hat{Γ}E}, \widehat{K\hat{Γ}E}$  αντίστοιχα

Τα τρίγωνα BEK και ΔKΓ έχουν δύο πλευρές ίσες μία προς μία και τις περιεχόμενες γωνίες σε αυτές ίσες άρα είναι ίσα, οπότε έχουν και  $BK = KΔ$  αφού βρίσκονται απέναντι από τις ίσες γωνίες  $\widehat{B\hat{E}K}$  και  $\widehat{Δ\hat{Γ}K}$ .

**γ)** Τα τρίγωνα ABK και AKΔ έχουν;

- $BK = KΔ$  από το (β) ερώτημα
- AK κοινή
- $AB = AΔ$ .

Οπότε τα τρίγωνα ABK και AKΔ είναι ίσα γιατί έχουν τρεις πλευρές ίσες μία προς μία.

Επομένως  $\widehat{B\hat{A}K} = \widehat{K\hat{A}D}$  ως γωνίες που βρίσκονται απέναντι από τις ίσες πλευρές ΒΚ και ΚΔ, οπότε η ΑΚ είναι διχοτόμος της γωνίας  $\hat{A}$ .

**δ)** Επειδή το τρίγωνο ΑΕΓ είναι ισοσκελές και η ΑΜ είναι διχοτόμος της γωνίας  $\hat{A}$ , θα είναι διάμεσος και ύψος, άρα η ΑΜ είναι μεσοκάθετος της ΕΓ.