

ΘΕΜΑ 4

Δίνονται τα σημεία $A(2,1)$, $B(3,-1)$ και $\Gamma(-2,0)$.

α)

i. Να αποδείξετε ότι τα σημεία A , B και Γ δεν είναι συνευθειακά.

(Μονάδες 07)

ii. Να αποδείξετε ότι το εμβαδό του τριγώνου $AB\Gamma$ ισούται με $\frac{9}{2}$ τετραγωνικές μονάδες.

(Μονάδες 03)

β) Να βρεθεί ο γεωμετρικός τόπος των σημείων $\Delta(x,y)$ για τα οποία ισχύει $(\Delta A\Gamma) = (AB\Gamma)$

(Μονάδες 07)

γ) Αν ο γεωμετρικός τόπος των σημείων Δ του ερωτήματος (β) αποτελείται από τις ευθείες $\varepsilon_1 : x - 4y - 7 = 0$ και $\varepsilon_2 : x - 4y + 11 = 0$, τότε:

i. Να αποδείξετε ότι οι ευθείες $A\Gamma$, ε_1 και ε_2 είναι παράλληλες.

(Μονάδες 03)

ii. Να εξετάσετε αν είναι αληθής ή ψευδής ο ισχυρισμός « οι ευθείες $x - 4y - 7 = 0$ και $x - 4y + 11 = 0$ έχουν ως μεσοπαράλληλο την ευθεία $A\Gamma$ ».

(Μονάδες 05)